

Höhere Mathematik I (P/MP/ET/IT/I-I)

6. Übungsblatt

Abgabetermin: 28.11.2013, 12:00

Aufgabe 1

Bestimmen Sie den Abstand der Geraden

$$G_1 = \{\vec{x} \in \mathbb{R}^3 \mid \vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \lambda \in \mathbb{R}\},$$

$$G_2 = \{\vec{x} \in \mathbb{R}^3 \mid \vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 4 \end{pmatrix} + \mu \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix}, \mu \in \mathbb{R}\}$$

und geben Sie die Fußpunkte des Lotes zwischen den Geraden an.

Aufgabe 2

Für eine reelle Zahl α sei das Gleichungssystem

$$\begin{aligned} x_1 + 2x_2 + \alpha x_3 &= 1 \\ 3x_1 + 7x_2 + x_3 &= \alpha \\ 2x_1 + 4x_2 + 2x_3 &= 2 \end{aligned}$$

gegeben.

- Untersuchen Sie den Rang des Gleichungssystems abhängig von α und geben Sie anschließend an, für welche Werte das Gleichungssystem lösbar ist.
- Bestimmen Sie die Lösungsmenge des Gleichungssystems.

Aufgabe 3

Lösen Sie das komplexe Gleichungssystem

$$\begin{aligned} z_1 &+ (2+i)z_3 &= 2-i \\ 2z_1 + z_2 + 4z_3 &= 5 \\ z_1 &+ (3+i)z_3 &= 2+2i \\ 2z_1 + (1+i)z_2 + 6z_3 &= 3+i. \end{aligned}$$

Aufgabe 4

Betrachten Sie das Gleichungssystem

$$\begin{aligned} 3x_1 + 2x_2 + x_3 &= b_1, \\ 2x_1 - 4x_2 + 3x_4 &= b_2. \end{aligned}$$

- Geben Sie die Lösungsmenge des homogenen Gleichungssystems als Ebene an.
- Für welche $\vec{b} \in \mathbb{R}^2$ ist das Gleichungssystem lösbar? Für welche \vec{b} ist es eindeutig lösbar?
- Bestimmen Sie die Lösungsmenge des inhomogenen Gleichungssystems mit $\vec{b} = \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix}$?

Organisatorisches

- Aktuelle Informationen zur Vorlesung finden sich unter <http://www.mathematik.tu-dortmund.de/hm/>